

Cálculo Diferencial e Integral I

7^a Ficha de problemas

Funções reais. Primitivação

1. Determine uma primitiva de cada uma das seguintes funções, indicando os domínios correspondentes:

$$\begin{aligned} a) \frac{2}{\sqrt{x}} & , \quad b) \frac{x\sqrt{x}}{2} & , \quad c) \frac{1}{\sqrt{4-x^2}} & , \quad d) \frac{2}{1-2x} \\ e) \frac{1}{4+x^2} & , \quad f) \cos^3 x \sen^2 x & , \quad g) \frac{1}{\sen^2 2x} & , \quad h) \left(\frac{1}{2x-1}\right)^2 \\ i) \cotg x & , \quad j) \tg^5 x & , \quad k) \frac{x+1}{x^2+1} & , \quad l) \sen x \sqrt{1-\cos x} \\ m) \frac{(\arctg x)^4}{x^2+1} & , \quad n) \frac{x^2}{x^2+2} & , \quad o) \frac{2x^4-3x^2+1}{3x^2} & , \quad q) \frac{2x+3}{2x+1} & , \\ r) \frac{e^{\frac{1}{x}}}{x^2} & , \quad s) \frac{4x}{x^4+1} & , \quad t) \frac{1}{x \ln x^2} & , \quad u) x \sqrt{1+x^2} \\ v) \frac{e^x}{1+e^x} & , \quad x) e^{\cos^2 x} \sen 2x & , \quad y) \frac{e^x}{4+e^{2x}} & , \quad z) \frac{x}{\sqrt{1-2x^4}} \end{aligned}$$

2. Determine a função f que verifica as seguintes condições: $f : \mathbb{R} \setminus \{1\} \rightarrow \mathbb{R}$, $f''(x) = \frac{1}{(1-x)^2}$, $f(0) = 0$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 1$, $f(e+1) = 0$ e $f'(0) = 0$
3. Usando o método de primitivação por partes, determine uma primitiva de cada uma das seguintes funções, indicando os domínios correspondentes:

$$\begin{aligned} a) x \cos 2x & , \quad b) \ln 2x & , \quad c) \arctg x & , \quad d) x^3 \ch x \\ e) \arcsen^2 x & , \quad f) x \cos x \sen x & , \quad g) \left(\frac{1}{x^2+1}\right)^2 & , \quad h) \cos(\ln x) \\ i) x^2 \ln x & , \quad j) x^2 e^{2x} & , \quad k) \frac{\ln 2x}{\sqrt{x}} & , \quad l) 2x \arctg x \end{aligned}$$